Exercices Equations Corrigé

Ex 13. Résoudre les équations suivantes :

a)
$$\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = 0$$
$$x = \frac{1}{2}$$

b)
$$\left(\frac{2}{5}x - 3\right)^2 = 0$$

 $x = 3 \times \frac{5}{2} = \frac{15}{2}$

c)
$$\frac{4+x}{8} = \frac{2x-9}{3}$$
$$3(4+x) = 8(2x-9)$$
$$12+3x = 16x-72$$
$$-16x+3x = -72-12$$
$$-13x = -84$$
$$x = \frac{84}{13}$$

d)
$$(3x + 1) - (4x - 2) = 0$$
 e) $3x^2 - 4x = 0$
 $3x + 1 - 4x + 2 = 0$ $x(3x - 4) = 0$
 $-x = -3$ $x = 0$ ou $x = 0$

e)
$$3x^2 - 4x = 0$$

 $x(3x - 4) = 0$
 $x = 0$ ou $x = \frac{4}{3}$

f)
$$(4x + 3)(2 - 3x) = 6$$

 $8x - 12x^2 + 6 - 9x = 6$
 $-12x^2 - x = 0$
 $x(-12x - 1) = 0$
 $x = 0 \text{ ou } x = -\frac{1}{12}$

g)
$$x^2 - 16 = 0$$

 $(x - 4)(x + 4) = 0$
 $x = 4 \text{ ou } x = -4$

h)
$$9x^2 - 100 = 0$$
 i)
 $(3x - 10)(3x + 10) = 0$
 $x = \frac{10}{3} \text{ ou } x = \frac{-10}{3}$

i)
$$4x^2 - 7 = 0$$

 $(2x - \sqrt{7})(2x + \sqrt{7}) = 0$
 $x = \frac{\sqrt{7}}{2} ou \ x = \frac{-\sqrt{7}}{2}$

Ex 16. Le triple du carré d'un nombre est égal au double de ce nombre. Quelles sont les valeurs possibles de ce nombre ?

Soit x le nombre.

$$3x^2 = 2x$$

$$3x^2 - 2x = 0$$

$$x(3x-2)=0$$

Un produit est nul si l'un des facteurs est nul.

$$x = 0 \quad ou \quad (3x - 2) = 0$$
$$3x = 2$$
$$x = \frac{2}{3}$$